

2023 年成人高等学校招生全国统一考试高起专（回忆版真题）

数学（理）

一、选择题：（本大题 17 小题，每小题 5 分，共 85 分，在每小题给出的四个选项中，只有一项是符合题目要求的。）

1. 设集合 $M = \{x \in \mathbb{R} \mid x^2 = 1\}$, $N = \{x \in \mathbb{R} \mid x = 3\}$, 则 $M \cap N =$ (A)

- A. $\{1\}$
- B. $\{-1\}$
- C. $\{-1, 1\}$
- D. 空集

2. 函数 $y = \sin(x + 11)$ 的最大值是 0

- A. 11
- B. 1
- C. -1
- D. -11

3. 设 α 是第一象限角, $\sin \alpha = \frac{1}{3}$, 则 $\sin 2\alpha =$ (C)

- A. $\frac{4}{9}$
- B. $\frac{\sqrt{2}}{3}$
- C. $\frac{4\sqrt{2}}{9}$
- D. $\frac{2}{3}$

4. 设 $\log_2 c = \alpha$, 则 $\log_2 (2ac^2) =$ 0

- A. $2a^2 + 1$
- B. $2a^2 - 1$

C. $2a-1$

D. $2a+1$

5. 设甲: $\sin x = \frac{\sqrt{2}}{2}$, 乙: $\cos x = \frac{\sqrt{2}}{2}$, 则()

A. 甲是乙的充分条件但不是必要条件

B. 甲是乙的必要条件但不是充分条件

C. 甲是乙的充要条件

D. 甲既不是乙的充分条件也不是乙的必要条件

6. 下列函数中, 为增函数的是()

A. $y=3$

B. $y=c^2$

C. $y=-x^2$

D. $y=-x^3$

1. 已知点 M (1, 2), N(2,3)则直线 MN 的斜率为

A. $\frac{5}{3}$

B. 1

C. -1

D. $-\frac{5}{3}$

2. $(1+i)^2 =$

A. -2

B. 2

C. -2i

D. 2i

3. 若向量 $a = (1, -1)$, $b = (1, x)$ 且 $|a+b|=2$, 则 $x =$

A. -4

B. -1

C. 1

D. 4

1. $(X^3 + \frac{1}{4})^4$ 展开式中的常数项为

- A. 4
- B. 3
- C. 2
- D. 1

2. 向量 $a = (1, 1, 0)$, $b = (1, 2, 3)$, 则 $a \cdot b =$

- A. 2
- B. 3
- C. 6
- D. 8

12. 在等比数列 $\{a_n\}$ 中, $a_2 = 1$, 公比 $q=2$, 则 $a_5 = ()$

∴
∴
∴
A. $\frac{1}{8}$

B. $\frac{1}{4}$

C. 4

D. 8

13. 函数 $f(x) = -x^2 + 2x$ 的值域是 ()

- A. $[0, +\infty)$
- B. $[1, +\infty)$
- C. $(-\infty, 1]$
- D. $(-\infty, 0)$

三、解答题：（本大题共 4 小题，共 49 分，解答应写定推理、演算步骤）

1. 记 $\triangle ABC$ 的内角 A, B, C 的对边 a, b, c , 若 $a:b:c=2:\sqrt{6}:\sqrt{5}+1$, 求 $\triangle ABC$ 各角的度数

答案

解: $\because a:b:c=2:\sqrt{6}:(\sqrt{3}+1)$,

$\therefore$ 可设: $a=2x, b=\sqrt{6}x, c=(\sqrt{3}+1)x$,

利用余弦定理可得: $\cos A = \frac{b^2+c^2-a^2}{2bc} = \frac{6+(\sqrt{3}+1)^2-4}{2 \times \sqrt{6} \times (\sqrt{3}+1)} = \frac{\sqrt{2}}{2}$.

$\therefore$ 由 $\angle A \in (0, 180^\circ)$, 可得: $\angle A = 45^\circ$,

同理可以求得: $\cos B = \frac{1}{2}$, 可得 $\angle B = 60^\circ$.

$\therefore \angle C = 180^\circ - 45^\circ - 60^\circ = 75^\circ$.

2. 已知等差数列 $\{a_n\}$ 中, $a_1+a_3+a_5=6, 2+a_4+a_6=12$

(1) 求 $\{a_n\}$ 的首项与公差

(2) 求 $\{a_n\}$ 的前 n 项和 S_n

(1). 答案

答案

$\because \{a_n\}$ 为等差数列

$$\therefore \begin{cases} a_2 + a_5 = a_1 + d + a_1 + 4d = 2a_1 + 5d = 6 \\ a_3 + a_7 = a_1 + 2d + a_1 + 6d = 2a_1 + 8d = 12 \end{cases}$$

$$\therefore \begin{cases} a_1 = -2 \\ d = 2 \end{cases}$$

综上所述, 结论为: $\begin{cases} a_1 = -2 \\ d = 2 \end{cases}$